

## *Lezione 7*

# Requisiti di un sistema di controllo

## Componenti di uno schema di controllo

Esaurita la trattazione dei sistemi dinamici, si torna ora al problema di controllo, che aveva dato origine a tale studio. In figura è riportata la struttura tipica di un sistema di controllo in retroazione:

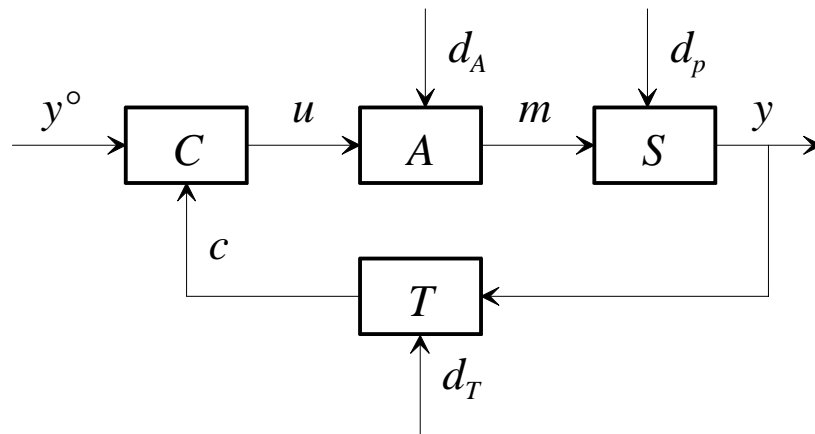


Fig. 1 : Sistema di controllo completo di strumentazione

dove:

**S: sistema sotto controllo (o processo)**

**T: trasduttore**

**A: attuatore**

**C: controllore (o regolatore)**

### Sistema sotto controllo

È l'oggetto dello studio delle precedenti lezioni. Su di esso si interviene attraverso la variabile manipolabile  $m$  ed il suo comportamento è influenzato dal disturbo  $d_p$ . La sua uscita è la variabile controllata  $y$ . Se il sistema è lineare, le sue proprietà dinamiche possono essere espresse per mezzo di due funzioni di trasferimento<sup>1</sup>:

$$y(s) = P(s) m(s) + H(s) d_p(s).$$

### Trasduttore

È lo strumento che misura una grandezza fisica del sistema sotto controllo (la variabile controllata  $y$ ) e ne invia la misura  $c$  al controllore, in una forma compatibile con la sua tecnologia. È generalmente caratterizzabile con due proprietà, *precisione* e *ripetibilità*.

Si può distinguere tra *precisione statica* (a transitorio esaurito il segnale che esprime la misura della grandezza è proporzionale al valore assunto dalla grandezza stessa) e *precisione dinamica* (velocità del transitorio con il quale lo strumento reagisce a variazioni nella

---

<sup>1</sup>Indicheremo con lo stesso simbolo una variabile funzione del tempo e la sua trasformata di Laplace.

grandezza misurata). La *ripetibilità* invece è la proprietà per cui il comportamento del trasduttore, sia statico che dinamico, non varia nel tempo.

Se il comportamento dinamico del trasduttore è approssimabile a quello di un sistema dinamico lineare, la relazione che intercorre tra le trasformate della grandezza controllata  $y$  e della misura  $c$  è esprimibile per mezzo di una funzione di trasferimento e può essere affetta da un disturbo:

$$c(s) = T(s) y(s) + d_T(s)$$

Se il trasduttore è ripetibile,  $T(s)$  non varia nel tempo. In tal caso è anche possibile individuare un andamento desiderato della misura  $c^\circ$ , elaborando con un sistema di funzione di trasferimento  $T(s)$  l'andamento desiderato  $y^\circ$ :

$$c^\circ(s) = T(s) y^\circ(s).$$

### **Attuatore**

L'attuatore traduce l'azione di controllo elaborata dal controllore, ed espressa dalla variabile di controllo  $u$ , in un'azione efficace sulla variabile manipolabile  $m$ . Ad esso è quindi di norma associato uno stadio di *amplificazione di potenza* ed eventualmente di *conversione di potenza* (si pensi ad un motore elettrico che converte potenza elettrica in potenza meccanica).

Anche per gli attuatori ipotizzeremo un comportamento dinamico lineare affetto da disturbo, per cui:

$$m(s) = A(s) u(s) + d_A(s).$$

### **Controllore**

Il controllore riceve in ingresso la misura  $c$  della variabile controllata ed il relativo segnale di riferimento  $c^\circ$ . Dovendo rendere questi due segnali quanto più possibile simili, è naturale che il controllore agisca sulla loro differenza, ossia sull'errore  $e_c = c^\circ - c$ . Ipotizzeremo che anche il controllore abbia un comportamento dinamico lineare, per cui si avrà:

$$u(s) = R(s) e_c(s).$$

Alla luce delle precedenti considerazioni, siamo in grado di riformulare un problema di controllo sulla base di uno schema a blocchi di sistemi dinamici lineari:

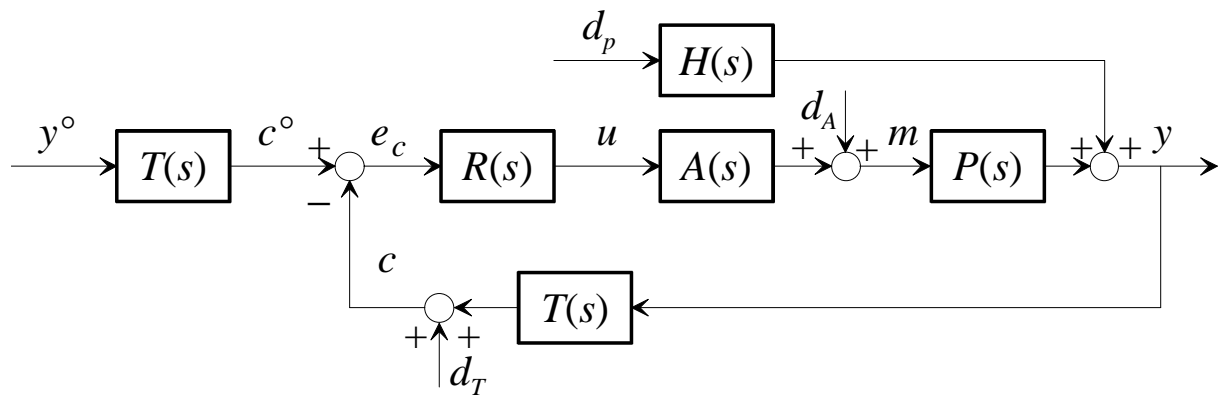


Fig. 2 : Sistema di controllo lineare

Ipotizzeremo le funzioni di trasferimento  $P(s)$ ,  $H(s)$ ,  $T(s)$  e  $A(s)$  date, insieme con l'andamento del segnale di riferimento  $y^o$ . L'incognita del problema sarà la funzione di trasferimento  $R(s)$ .

## Formalizzazione del problema di controllo

Lo schema a blocchi di Fig. 2 può essere semplificato osservando che l'effetto dei due disturbi  $d_p$  e  $d_A$  in linea di andata equivale all'effetto di un unico disturbo  $d$  riportato direttamente sull'uscita del processo:

$$d(s) = P(s) d_A(s) + H(s) d_p(s).$$

Inoltre osserviamo che:

$$e_c(s) = c^o(s) - c(s) = T(s)y^o(s) - T(s)y(s) - d_T(s) = T(s)[y^o(s) - y(s) - n(s)],$$

dove:

$$n(s) = T(s)^{-1} d_T(s).$$

Si ottiene quindi lo schema a blocchi riportato di seguito:

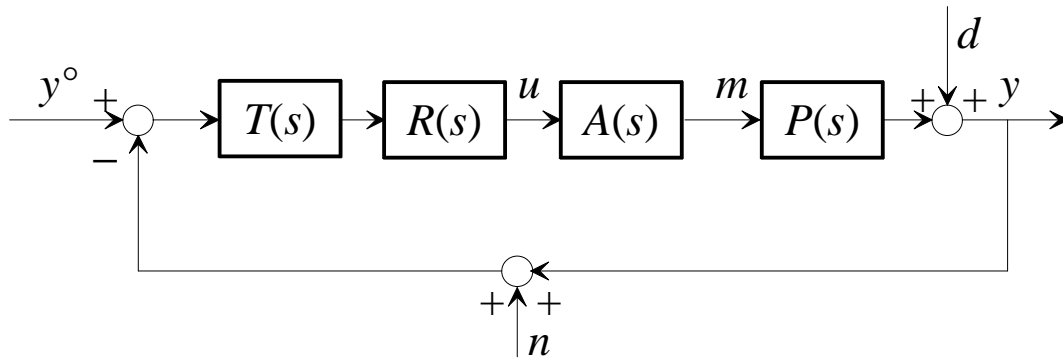


Fig. 3 : Prima elaborazione del sistema di controllo

A questo punto, sfruttando la commutatività del prodotto tra funzioni di trasferimento, si può ulteriormente semplificare lo schema a blocchi:

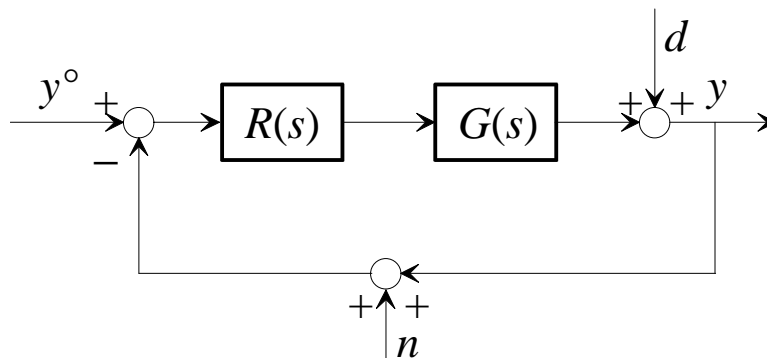


Fig. 4 : Seconda elaborazione del sistema di controllo

con:

$$G(s) = T(s) P(s) A(s).$$

Infine, una terza elaborazione porta al seguente schema:

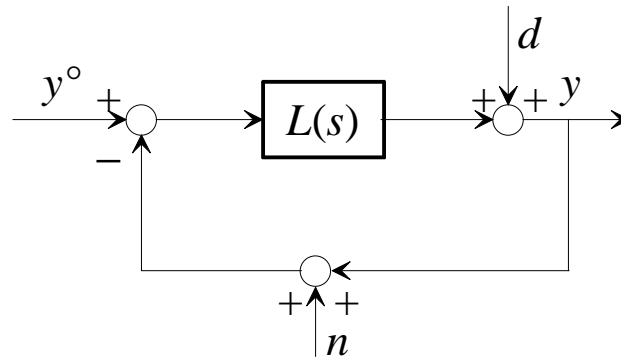


Fig. 5 : Terza elaborazione del sistema di controllo

dove:

$$L(s) = R(s) G(s).$$

Si osservi che  $L(s)$  è la **funzione di trasferimento d'anello** del sistema.

L'obiettivo ideale  $y \equiv y^o$  non è realizzabile, a causa dei limiti connessi alla dinamica del sistema sotto controllo, dell'attuatore e del trasduttore. Si definiscono allora una serie di **requisiti** che il progetto del controllore dovrà soddisfare:

- Stabilità:** Il sistema in anello chiuso deve essere asintoticamente stabile, altrimenti qualsiasi perturbazione agente in qualsiasi punto dell'anello si amplificherebbe indefinitamente.
- Precisione statica:** A regime, a seguito di assegnate perturbazioni (a scalino, a rampa ecc.) degli ingressi, l'errore tra riferimento e variabile controllata deve essere nullo, oppure inferiore ad una soglia prefissata.
- Precisione dinamica:** La variabile controllata deve inseguire le variazioni del riferimento, e reagire a perturbazioni sui disturbi, con sufficiente rapidità, e senza manifestare comportamenti oscillatori.
- Intensità dell'azione di controllo:** A causa dei limiti di funzionamento lineare degli attuatori, oltre che per non danneggiare gli attuatori stessi, occorre evitare che la variabile di controllo subisca brusche variazioni o assuma valori eccessivi.